

به نام خدا  
دانشگاه صنعتی شریف  
دانشکده علوم ریاضی

تاریخ : ۱۳۸۸/۱/۲۰  
جمع نمره: ۶۵

آنالیز عددی ۱  
آزمون میان ترم

۱) اگر  $a$  تقریبی از کمیت  $A$  بوده و  $e_a$  و  $r_a$  خطاهای مطلق و نسبی باشند، نشان دهید: (۱۰ نمره)

$$r_a \leq \frac{e_a}{|a| - e_a}$$

۲) برای پیدا کردن وارون یک عدد حقیقی  $x = \frac{1}{A} \neq 0$ ، با استفاده از روش نیوتن رابطه تکراری (دنباله بازگشتی) را به دست آورید. (۱۰ نمره)

۳) بهترین تقریب تابع  $f(x)$  به صورت  $p(x) = ax^2 + b$  را برای جدول داده‌ای زیر بدست آورید. (۱۰ نمره)

$x_i$	-2	-1	0	1	2
$y_i$	5.5	2.5	2	2.5	5.5

۴) هرگاه  $x = g(x)$  به منظور حل معادله  $f(x) = 0$  در روش تکرار ساده مورد استفاده قرار گرفته باشد، و اگر  $\alpha$  ریشه  $f(x) = 0$  باشد که  $g'(\alpha) = 0 \neq g''(\alpha)$  و  $g'''(\alpha) = 0$ ، نشان دهید مرتبه همگرایی روش تکرار ساده دقیقاً برابر ۳ است. (۱۰ نمره)

۵) با استفاده از جدول تقسیم، چند جمله‌ای از درجه حداقل ۴ را بیابید که در روابط زیر صدق کند: (۱۰ نمره)  
 $p(0) = -1, p'(0) = -2, p(1) = 0, p'(1) = 10, p''(1) = 40$

۶) روش گاوس سایدل را برای حل دستگاههای خطی به طور کامل بیان کنید. (دنباله بازگشتی را بدست آورده و شرط همگرایی را بیان و اثبات کنید.) (۱۵ نمره)

موفق باشد